Aufgabe:

Erstellen eines Programms zum Einlesen von Bildern, dem Addieren eines künstlichen Rauschens und anschließender Filterung mittels verschiedener Methoden durch Fouriertransformation.

Filter:

1.) Tiefpaß-Filter: $F = 1 - \Theta(\omega - \omega_0)$

2.) Tiefpaß-Butterworth-Filter: $F = \left[1 + \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right)^{2n} \right]^{-1}$

3.) Hochpaß-Filter: $F = \Theta(\omega - \omega_0)$

4.) Hochpaß-Butterworth-Filter: $F = 1 - \left[1 + \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right)^{2n} \right]^{-1}$

5.) Bandpaß-Filter: $F = \Theta(\omega - \omega_{01}) - \Theta(\omega - \omega_{02})$

6.) Bandpaß-Butterworth-Filter:
$$F = \left[1 + \left(\frac{\omega}{\omega_{02}} \right)^{2n} \right]^{-1} - \left[1 + \left(\frac{\omega}{\omega_{01}} \right)^{2n} \right]^{-1}$$

neue Matlab-Funktionen:

- *abs* - gibt den Absolutwert zurück
- *double* - wandelt ein Format (z.B. uint8) in double-Werte um
- *ifft2* - diskrete 2D Fast-Fourier-Rücktransformation
- *fix* - rundet zum kleineren Betrag hin
- *fft2* - diskrete 2D Fast-Fourier-Hintransformation
- *fftshift* - Vertauschen der 4 Quadranten nach Fouriertransformation
- *imread* - liest Bilddateien ein
- *input* - Übergabe von Parametern während des Programmablaufs
- *mod* - bestimmt den Rest nach einer Division
- *random* - erzeugt Matrix mit Einträgen, die einer bestimmten Statistik gehorchen
- *size* - bestimmt die Größe einer gegebenen Matrix

Algorithmus:

- 1.) Einlesen des Graustufenbildes
=> Matrix mit Intensitätswerten
im Ortsraum
- 2.) evtl. Rauschen hinzufügen

3.) Fouriertransformation => Matrix mit Intensitäten im Ortsfrequenzraum

4.) Frequenzen geeignet normieren

5.) Filtermatrix mit obigen Formeln definieren (Beispiel Tiefpass), Normierung der Frequenzen beachten!

6.) Anwendung des Filters durch Multiplikation der Filter- mit der Fouriermatrix

7.) Inverse Fouriertransformation => Matrix mit gefilterten Intensitäten im Ortsraum